

Задача А. Флойд

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Полный ориентированный взвешенный граф задан матрицей смежности. Постройте матрицу кратчайших путей между его вершинами.

Гарантируется, что в графе нет циклов отрицательного веса.

Формат входных данных

В первой строке вводится единственное число N ($1 \leq N \leq 100$) — количество вершин графа. В следующих N строках по N чисел задается матрица смежности графа (j -е число в i -й строке — вес ребра из вершины i в вершину j). Все числа по модулю не превышают 100. На главной диагонали матрицы — всегда нули.

Формат выходных данных

Выведите N строк по N чисел — матрицу расстояний между парами вершин, где j -е число в i -й строке равно весу кратчайшего пути из вершины i в j .

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
4	0 5 7 13
0 5 9 100	12 0 2 8
100 0 2 8	11 16 0 7
100 100 0 7	4 9 11 0
4 100 100 0	

Задача В. Цикл

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный граф. Определить, есть ли в нем цикл отрицательного веса, и если да, то вывести его.

Формат входных данных

В первой строке содержится число n ($1 \leq n \leq 100$) – количество вершин графа. В следующих n строках находится по n чисел – матрица смежности графа. Веса ребер по модулю меньше 10^5 . Если ребра нет, соответствующее значение равно 10^5 .

Формат выходных данных

В первой строке выведите «YES», если цикл существует, или «NO» в противном случае. При наличии цикла выведите во второй строке количество вершин в нем (считая одинаковые – первую и последнюю), а в третьей строке – вершины, входящие в этот цикл, в порядке обхода. Если циклов несколько, то выведите любой из них.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 100000 100000 -51 100 100000 100000 100000 -50 100000	YES 4 2 1 3 2

Задача С. Егор и граф

Имя входного файла: `stdin`
Имя выходного файла: `stdout`
Ограничение по времени: 3 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

У Егора есть взвешенный ориентированный граф, состоящий из n вершин. В этом графе между любой парой различных вершин есть ребро в обоих направлениях. Егор любит играть с графом, и сейчас он придумал новую игру:

- Игра состоит из n шагов.
- На i -том шаге Егор удаляет из графа вершину номер x_i . Удаляя вершину, Егор удаляет все ребра, которые входили в данную вершину и которые выходили из нее.
- Перед выполнением каждого шага, Егор хочет знать сумму длин кратчайших путей между всеми парами оставшихся вершин. Кратчайший путь может проходить через любую оставшуюся вершину. Другими словами, если обозначить как $d(i, v, u)$ кратчайший путь между вершинами v и u в графе, который получился до удаления вершины x_i , то Егор хочет знать значение следующей суммы:
$$\sum_{v, u, v \neq u} d(i, v, u).$$

Помогите Егору, выведите значение искомой суммы перед каждым шагом.

Формат входных данных

В первой строке содержится целое число n ($1 \leq n \leq 500$) — количество вершин в графе.

В следующих n строках содержится по n целых чисел — матрица смежности графа: j -тое число в i -той строке a_{ij} ($1 \leq a_{ij} \leq 10^5$, $a_{ii} = 0$) обозначает вес ребра, ведущего из вершины i в вершину j .

В следующей строке содержится n различных целых чисел: x_1, x_2, \dots, x_n ($1 \leq x_i \leq n$) — вершины, которые удаляет Егор.

Формат выходных данных

Выведите n целых чисел — i -тое число равно искомой сумме перед i -тым шагом.

Пожалуйста, не используйте спецификатор `%lld` для чтения или записи 64-х битовых чисел на `C++`. Рекомендуется использовать потоки `cin`, `cout` или спецификатор `%I64d`.

Примеры

stdin	stdout
1 0 1	0
2 0 5 4 0 1 2	9 0
4 0 3 1 1 6 0 400 1 2 4 0 1 1 1 1 0 4 1 2 3	17 23 404 0

Задача D. Сортировка

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 0.75 секунд
Ограничение по памяти: 128 мегабайт

Дан массив целых чисел. Ваша задача — отсортировать его в порядке неубывания (встроенную сортировку использовать запрещено).

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится число N ($1 \leq N \leq 100\,000$) — количество элементов в массиве. Во второй строке находятся N целых чисел, по модулю не превосходящих 10^9 .

Формат выходных данных

В выходной файл надо вывести этот же массив в порядке неубывания, между любыми двумя числами должен стоять ровно один пробел.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
10	1 1 2 2 3 3 4 6 7 8
1 8 2 1 4 7 3 2 3 6	

Замечание

Реализуйте в этой задаче Qsort.

Задача Е. K -ая порядковая статистика

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

На уроке физкультуры преподаватель заинтересовался, кто из n школьников будет стоять k -ым, если их выстроить в порядке увеличения роста. Помогите ему определить рост этого школьника.

Формат входных данных

Во входном файле две строки. В первой строке содержится два числа через пробел n и k . Во второй строке записаны целые числа a_i , соответствующие росту школьников. Гарантируется, что школьников не более 10^5 , а рост каждого школьника положителен и не превышает 10^{12} .

Формат выходных данных

Выведите одно число — ответ на задачу.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
5 2 1 5 2 4 4	2
3 2 3 3 3	3

Задача F. Количество инверсий

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 5 секунд
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Напишите программу, которая для заданного массива $A = \langle a_1, a_2, \dots, a_n \rangle$ находит количество пар (i, j) таких, что $i < j$ и $a_i > a_j$.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит натуральное число n ($1 \leq n \leq 500\,000$) — количество элементов массива. Вторая строка содержит n попарно различных элементов массива A ($0 \leq a_i \leq 10^6$).

Формат выходных данных

В выходной файл выведите одно число — ответ на задачу.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
4 1 2 4 5	0
4 5 4 2 1	6

Задача G. Одномерный почтальон

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

В деревне Печалька живут n человек, их домики расположены ровно на оси абсцисс. Домик i -го человека находится в точке x_i . В деревню приехал и хочет там поселиться почтальон. Координату своего домика y он хочет выбрать так, чтобы суммарное расстояние от него до всех жителей деревни было минимально возможным. То есть

$$\sum_{i=1}^n |y - x_i| \rightarrow \min$$

Вам дан массив x из n целых чисел. Найдите точку y .

Формат входных данных

На первой строке целое число n ($1 \leq n \leq 10^5$).

В следующей строке n целых чисел x_i ($-10^9 \leq x_i \leq 10^9$).

Формат выходных данных

Выведите одно число — минимальное суммарное расстояние от точки y до всех домиков.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 32 1 2	31