

Задача А. Светофоры

Имя входного файла: `lights.in`
Имя выходного файла: `lights.out`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В подземелье M тоннелей и N перекрестков, каждый тоннель соединяет какие-то два перекрестка. Мышиный король решил поставить по светофору в каждом тоннеле перед каждым перекрестком. Напишите программу, которая посчитает, сколько светофоров должно быть установлено на каждом из перекрестков. Перекрестки пронумерованы числами от 1 до N .

Формат входных данных

Во входном файле записано два числа N и M ($0 < N \leq 100$, $0 \leq M \leq \frac{N(N-1)}{2}$). В следующих M строках записаны по два числа i и j ($1 \leq i, j \leq N$), которые означают, что перекрестки i и j соединены тоннелем. Гарантируется, что никакой тоннель не соединяет перекресток сам с собой, и не существует двух различных тоннелей, соединяющих одну и ту же пару перекрестков.

Формат выходных данных

В выходной файл вывести N чисел: k -е число означает количество светофоров на k -м перекрестке.

Пример

<code>lights.in</code>	<code>lights.out</code>
7 10	3 3 2 2 5 2 3
5 1	
3 2	
7 1	
5 2	
7 4	
6 5	
6 4	
7 5	
2 1	
5 3	

Задача В. Цветной дождь

Имя входного файла: `rain.in`
Имя выходного файла: `rain.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В Банановой республике очень много холмов, соединенных мостами. На химическом заводе произошла авария, в результате чего испарилось экспериментальное удобрение «зован». На следующий день выпал цветной дождь, причем он прошел только над холмами. В некоторых местах падали красные капли, в некоторых — синие, а в остальных — зеленые, в результате чего холмы стали соответствующего цвета. Президенту Банановой республики это понравилось, но ему захотелось покрасить мосты между вершинами холмов так, чтобы мосты были покрашены в цвет холмов, которые они соединяют. К сожалению, если холмы разного цвета, то покрасить мост таким образом не удастся. Посчитайте количество таких «плохих» мостов.

Формат входных данных

В первой строке файла записано число N — количество холмов ($1 \leq N \leq 100$). Во второй и далее — матрица смежности, описывающая наличие мостов между холмами. В последней строке написаны N чисел k_1, k_2, \dots, k_N , которые обозначают цвет соответствующего холма: 1 — красный, 2 — синий, 3 — зеленый.

Гарантируется, что матрица смежности симметрична относительно главной диагонали, а элементы на диагонали содержат нули.

Формат выходных данных

Выведите количество мостов, соединяющих холмы разных цветов.

Примеры

<code>rain.in</code>	<code>rain.out</code>
1 0 1	0
7 0 1 0 0 0 1 1 1 0 1 0 0 0 0 0 1 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 1 0 1 0 1 0 1 0 0 1 0 0 0 0 0 0 1 1 1 1 1 3 3	4

Задача С. Проверка на неориентированность

Имя входного файла: `check.in`
Имя выходного файла: `check.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

По матрице $N \times N$ из нулей и единиц определите, может ли данная матрица быть матрицей смежности простого неориентированного графа.

Формат входных данных

В первой строке число N ($1 \leq N \leq 100$), далее матрица — N строк по N чисел, каждое из которых равно 0 или 1.

Формат выходных данных

Выведите `YES`, если приведенная матрица может быть матрицей смежности простого неориентированного графа, иначе выведите `NO`.

Примеры

<code>check.in</code>	<code>check.out</code>
3 0 1 1 1 0 1 1 1 0	YES
3 0 1 0 1 0 1 1 1 0	NO
3 0 1 0 1 1 1 0 1 0	NO

Задача D. Подсчет количества ребер неориентированного графа

Имя входного файла: `count.in`
Имя выходного файла: `count.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Простой неориентированный граф задан матрицей смежности. Найдите количество ребер в графе.

Формат входных данных

В первой строке число N — число вершин в графе ($1 \leq N \leq 100$), затем матрица смежности — N строк по N чисел, каждое из которых равно 0 или 1.

Формат выходных данных

Выведите количество ребер заданного графа.

Пример

<code>count.in</code>	<code>count.out</code>
3 0 1 1 1 0 1 1 1 0	3

Задача Е. Полный граф

Имя входного файла: `complete.in`
Имя выходного файла: `complete.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Неориентированный граф называется полным, если любая пара его различных вершин соединена хотя бы одним ребром. Для заданного списком ребер графа без петель проверьте, является ли он полным.

Формат входных данных

Программе на вход даются числа N и M , где N — число вершин ($1 \leq N \leq 100$) и M — число ребер ($1 \leq M \leq 10000$), а затем M пар чисел — ребра графа.

Формат выходных данных

Выведите YES, если граф является полным, и NO в противном случае.

Пример

<code>complete.in</code>	<code>complete.out</code>
3 3 1 2 1 3 2 3	YES

Задача F. Обрати меня!

Имя входного файла: `reverse.in`
Имя выходного файла: `reverse.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Мальчик Вася очень любит разворачивать ориентированные графы. Помогите ему в этом.

Формат входных данных

Во входном файле записано число N ($1 \leq N \leq 50\,000$) — количество вершин в графе. В следующих N строках записан граф в виде списков смежности: в i -й строке записаны номера вершин, в которые идут рёбра из i -й вершины. Нумерация начинается с единицы. Гарантируется, что рёбер в графе не более 50 000.

Формат выходных данных

Выведите развёрнутый граф в том же формате, что и исходный.

Пример

<code>reverse.in</code>	<code>reverse.out</code>
4	4
2 3	
3	1 4
	1 2
2	

Задача G. От матрицы смежности к спискам смежности

Имя входного файла: `mtoal.in`
Имя выходного файла: `mtoal.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

64 мегабайта

Простой ориентированный граф задан матрицей смежности. Выведите его представление в виде списков смежности.

Формат входных данных

В первой строке файла находится число N — количество вершин графа ($1 \leq N \leq 100$). Во второй строке и далее — матрица смежности. Гарантируется, что граф не содержит петель.

Формат выходных данных

Выведите N строк — списки смежности графа. В i -й строке сначала выведите количество исходящих из i -й вершины рёбер, а затем — номера вершин, в которые эти рёбра идут, упорядоченные по возрастанию.

Пример

<code>mtoal.in</code>	<code>mtoal.out</code>
5	1 3
0 0 1 0 0	2 1 3
1 0 1 0 0	1 5
0 0 0 0 1	2 1 2
1 1 0 0 0	2 1 2
1 1 0 0 0	

Задача Н. От списков смежности к матрице смежности

Имя входного файла: `altom.in`
Имя выходного файла: `altom.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

64 мегабайта

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится число N — количество вершин ($1 \leq N \leq 100$). Далее идут N строк. В i -й строке содержится описание всех рёбер, исходящих из i -й вершины. Описание начинается количеством исходящих рёбер. Далее следуют номера вершин, в которые эти рёбра идут. Все вершины нумеруются натуральными числами от 1 до N . Гарантируется, что i -й список смежности не содержит числа i , а также все списки не содержат повторяющихся чисел.

Формат выходных данных

Выведите матрицу смежности ориентированного графа.

Пример

<code>altom.in</code>	<code>altom.out</code>
3	0 1 1
2 2 3	0 0 0
0	0 1 0
1 2	

Задача I. Проверка на наличие кратных ребер, ориентированный вариант

Имя входного файла: `check.in`
Имя выходного файла: `check.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Ориентированный граф задан списком ребер. Проверьте, содержит ли он кратные ребра.

Формат входных данных

N — число вершин и M — число ребер ($1 \leq N \leq 100$, $1 \leq M \leq 10\,000$), затем M пар чисел — ребра графа.

Формат выходных данных

Выведите YES, если граф содержит параллельные ребра, иначе NO.

Примеры

<code>check.in</code>	<code>check.out</code>
5 3 2 5 3 1 3 2	NO
3 5 1 2 2 3 3 1 2 3 2 1	YES

Задача J. Истоки и стоки

Имя входного файла: `source.in`
Имя выходного файла: `source.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Вершина ориентированного графа называется истоком, если в нее не входит ни одно ребро, и стоком, если из нее не выходит ни одного ребра.

Ориентированный граф задан матрицей смежности. Найдите все его вершины-истоки и все вершины-стоки.

Формат входных данных

N — число вершин в графе ($1 \leq N \leq 100$), затем матрица смежности — N строк по N чисел, каждое из которых равно 0 или 1.

Формат выходных данных

В первой строке выведите K — число истоков в графе, затем номера вершин, являющихся истоками в порядке возрастания. Во второй строке выведите информацию о стоках в том же формате.

Пример

<code>source.in</code>	<code>source.out</code>
5 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	2 3 4 3 1 4 5

Задача К. Переселение сыщика

Имя входного файла: `two.in`
Имя выходного файла: `two.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Ниро Вульф решил переехать в другой город. Одна седьмая тонны веса мешает ему перемещаться быстро. В работе детектива необходимо быстро оказываться на месте преступления, а впоследствии настигать преступника, пока он не успел сбежать. Поэтому Вульф ищет такой город, в котором он мог бы с одной площади попасть на другую, проехав не более чем по двум улицам.

Напишите для него программу, которая по карте города сообщала, обладает ли город нужным свойством.

Формат входных данных

В первой строке заданы два числа: n — количество площадей ($n < 100$) и m — количество улиц между площадями.

В последующих m строках содержится пара чисел от 1 до n — начало и конец улицы.

Формат выходных данных

Выведите «YES», если город пригоден для жизни, и «NO» в противном случае.

Примеры

<code>two.in</code>	<code>two.out</code>
3 2 1 2 2 3	YES
4 3 1 2 2 3 3 4	NO

Задача L. Обход в глубину

Имя входного файла: `comp.in`
Имя выходного файла: `comp.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан неориентированный невзвешенный граф, в котором выделена вершина. Вам необходимо найти количество вершин, лежащих с ней в одной компоненте связности (включая саму выделенную вершину).

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержатся два целых числа N и S ($1 \leq S \leq N \leq 100$), где N — количество вершин графа, а S — выделенная вершина. В следующих N строках записано по N чисел — матрица смежности графа, в которой цифра «0» означает отсутствие ребра между вершинами, а цифра «1» — его наличие. Гарантируется, что на главной диагонали матрицы всегда стоят нули.

Формат выходных данных

Выведите одно целое число — искомое количество вершин.

Пример

<code>comp.in</code>	<code>comp.out</code>
5 1 0 1 1 0 0 1 0 1 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 0 1 0	3

Задача М. Компоненты связности

Имя входного файла: `components.in`
Имя выходного файла: `components.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дан неориентированный невзвешенный граф. Необходимо посчитать количество его компонент связности.

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится одно натуральное число N ($N \leq 100$) — количество вершин в графе. Далее в N строках по N чисел — матрица смежности графа: в i -й строке на j -м месте стоит «1», если вершины i и j соединены ребром, и «0», если ребра между ними нет. На главной диагонали матрицы стоят нули. Матрица симметрична относительно главной диагонали.

Формат выходных данных

Вывести одно целое число — искомое количество компонент связности графа.

Пример

<code>components.in</code>	<code>components.out</code>
6 0 1 1 0 0 0 1 0 1 0 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0	3

Задача N. Лесопосадки

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан неориентированный невзвешенный граф. Необходимо определить, является ли он деревом.

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится одно натуральное число N ($N \leq 100$) — количество вершин в графе. Далее в N строках по N чисел — матрица смежности графа: в i -й строке на j -м месте стоит 1, если вершины i и j соединены ребром, и 0, если ребра между ними нет. На главной диагонали матрицы стоят нули. Матрица симметрична относительно главной диагонали.

Формат выходных данных

Вывести «YES», если граф является деревом, «NO» иначе.

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
6 0 1 1 0 0 0 1 0 1 0 0 0 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0	NO
3 0 1 0 1 0 1 0 1 0	YES

Задача О. Есть ли цикл?

Имя входного файла: `cycle.in`
Имя выходного файла: `cycle.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

64 мегабайта

Дан ориентированный граф. Требуется определить, есть ли в нем цикл.

Формат входных данных

В первой строке вводится натурально число N ($N \leq 50$) — количество вершин. Далее в N строках следуют по N чисел, каждое из которых — «0» или «1». j -е число в i -й строке равно «1» тогда и только тогда, когда существует ребро, идущее из i -й вершины в j -ю. Гарантируется, что на диагонали матрицы будут стоять нули.

Формат выходных данных

Выведите «0», если в заданном графе цикла нет, и «1», если он есть.

Пример

<code>cycle.in</code>	<code>cycle.out</code>
3 0 1 0 0 0 1 0 0 0	0

Задача Р. Поиск цикла

Имя входного файла: стандартный ввод
Имя выходного файла: стандартный вывод
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный невзвешенный граф. Необходимо определить есть ли в нём циклы, и если есть, то вывести любой из них.

Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся два натуральных числа n и m ($1 \leq n \leq 100\,000, m \leq 100\,000$) — количество вершин и рёбер в графе соответственно. Далее в m строках перечислены рёбра графа. Каждое ребро задаётся парой чисел — номерами начальной и конечной вершин соответственно.

Формат выходных данных

Если в графе нет цикла, то вывести «NO», иначе — «YES» и затем перечислить все вершины в порядке обхода цикла.

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 3 1 2 2 3 3 1	YES 2 3 1

Задача Q. Долой списывание!

Имя входного файла:	стандартный ввод
Имя выходного файла:	стандартный вывод
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

Во время теста Михаил Дмитриевич заметил, что некоторые лкшата обмениваются записками. Сначала он хотел поставить им всем двойки, но в тот день Михаил Дмитриевич был добрым, а потому решил разделить лкшат на две группы: списывающих и дающих списывать, и поставить двойки только первым.

У Михаила Дмитриевича записаны все пары лкшат, обменявшихся записками. Требуется определить, сможет ли он разделить лкшат на две группы так, чтобы любой обмен записками осуществлялся от лкшонка одной группы лкшонку другой группы.

Формат входных данных

В первой строке находятся два числа N и M — количество лкшат и количество пар лкшат, обменивающихся записками ($1 \leq N \leq 100$, $0 \leq M \leq \frac{N(N-1)}{2}$). Далее в M строках расположены описания пар лкшат: два различных числа, соответствующие номерам лкшат, обменивающихся записками (нумерация лкшат идёт с 1). Каждая пара лкшат перечислена не более одного раза.

Формат выходных данных

Необходимо вывести ответ на задачу Павла Олеговича. Если возможно разделить лкшат на две группы, выведите «YES»; иначе выведите «NO».

Пример

стандартный ввод	стандартный вывод
3 2 1 2 2 3	YES